

## فصل اول: «معادلات دیفرانسیل»

۱	درسنامه۱: مفاهیم اولیه معادله دیفرانسیل
۳	انواع جواب‌های یک معادله دیفرانسیل
۴	تشکیل یک معادله دیفرانسیل
۵	تغییر متغیر در معادلات دیفرانسیل
۶	قضیه وجود یکتاپی جواب
۹	درسنامه۲: معادلات تفکیک‌پذیر (جداشدنی)
۱۲	معادلات قابل تبدیل به معادلات تفکیک‌پذیر
۲۱	استفاده از تغییر متغیرهای دیگر در حل معادلات تفکیک‌پذیر
۲۴	درسنامه۳: معادلات کامل
۲۸	معادلات دیفرانسیل قابل تبدیل به معادله کامل و معرفی عامل انتگرال‌ساز
۳۰	حالتهای پرتکرار و خاص عوامل انتگرال‌ساز
۳۲	جمع‌بندی مناسب برای تعیین عامل انتگرال‌ساز
۳۶	استفاده از دسته‌بندی و روش دیفرانسیل کامل
۴۲	درسنامه۴: معادلات مرتبه اول خطی
۴۳	مراحل حل معادله مرتبه اول خطی
۴۷	معادله دیفرانسیل خطی بر حسب $x$
۴۹	تعیین نقاط ناپیوستگی جواب یک معادله خطی بدون حل معادله
۴۹	ضرایب ناپیوسته
۵۰	معادلات قابل تبدیل به معادله‌ی خطی مرتبه اول
۵۶	درسنامه۵: معادلات بونولی و ریکاتی
۶۴	معادله ریکاتی
۶۶	درسنامه۶: تعریف پوش، حل معادلات مرتبه اول خاص
۶۶	پوش یک دسته منحنی
۶۷	حل معادلات مرتبه اول خاص
۷۴	درسنامه۷: معادلات کلرو و لاغرانژ
۷۴	معادله کلرو
۷۴	نحوی به دست آوردن جواب‌های عمومی و غیرعادی معادله کلرو
۷۶	معادله لاغرانژ
۷۸	درسنامه۸: کاربرد معادلات دیفرانسیل
۷۸	مسیرهای قائم (متعامد)
۷۸	روش تعیین مسیرهای قائم
۸۲	مسیرهای مایل (همزاویه)
۸۲	روش تعیین مسیرهای همزاویه
۸۳	کاربردهای دیگر معادلات دیفرانسیل
۸۵	تشخیص نوع معادله و روش حل آن و درجهی اهمیت درسنامه‌های این فصل
۸۵	تشخیص نوع و روش حل در معادلات دیفرانسیل مرتبه اول
۸۵	(الف) معادلاتی که بر روی $y'$ عملگر غیرخطی اعمال نشده است
۹۲	(ب) معادلاتی که بر روی $y''$ عملگر غیرخطی اعمال شده است
۹۴	چه درسنامه‌هایی از فصل اول مهم‌تر هستند؟
۹۵	آزمون‌های خودسنجی فصل اول
۱۰۴	پاسخنامه آزمون‌های خودسنجی فصل اول

### فصل دوم: «معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم»

.....	مقدمه
۱۰۵	<b>درسنامه ۱: حل معادلات دیفرانسیل خطی همگن با ضرایب ثابت مرتبه دوم و بالاتر</b>
۱۰۷	حل معادلات مرتبه دوم خطی همگن با ضرایب ثابت .....
۱۰۷	تعريف جواب خصوصی و تعداد شرایط اولیه لازم برای تعیین جواب‌های معادله‌ی همگن.....
۱۰۸	بحث در مورد میرایی و نوسانی بودن جواب‌های معادله مرتبه دوم خطی همگن با ضرایب ثابت .....
۱۱۱	حل معادلات مرتبه ۱ام خطی همگن با ضرایب ثابت .....
۱۱۲	جمع‌بندی و یادآوری نکاتی جهت محاسبه‌ی ریشه‌های معادله‌ی مشخصه.....
۱۱۵	<b>درسنامه ۲: حل معادلات دیفرانسیل خطی غیرهمگن با ضرایب ثابت</b>
۱۱۷	روش‌های تعیین جواب خصوصی.....
۱۱۷	۱- روش ضرایب نامعین.....
۱۱۷	۲- تعیین جواب خصوصی به روش اپراتور معکوس .....
۱۲۴	۳- روش تغییر پارامتر لاغرانژ.....
۱۳۳	روش تغییر پارامتر برای تعیین جواب خصوصی معادله مرتبه دوم غیرهمگن.....
۱۳۳	حل معادلات مرتبه ۱ام به روش تغییر پارامتر.....
۱۳۶	جمع‌بندی روش‌های تعیین جواب خصوصی .....
۱۳۷	مفهوم استقلال و وابستگی خطی توابع .....
۱۴۳	<b>درسنامه ۳: حل معادلات دیفرانسیل خطی با ضرایب متغیر (همگن و غیرهمگن)</b>
۱۴۸	حل معادلات غیرهمگن با ضرایب متغیر به روش تغییر پارامتر لاغرانژ .....
۱۴۸	معادلات کوشی اویلر .....
۱۵۰	۳- حل با داشتن یک جواب از معادله (روش کاهش مرتبه) .....
۱۶۱	۴- حل به روش تبدیل معادله به ضرایب ثابت .....
۱۶۴	۵- روش حذف ضریب مشتق .....
۱۶۵	۶- حل معادلات کامل مرتبه دوم .....
۱۶۷	<b>درسنامه ۴: حل معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم غیرخطی</b> .....
۱۶۸	معادله همگن نسبت به $u$ و مشتقات آن .....
۱۷۱	معادلات دیفرانسیل کامل .....
۱۷۲	چند تغییر متغیر خاص در حل معادلات غیرخطی (دیفرانسیل کامل‌های پر تکرار) .....
۱۷۲	آزمون (۱) خودسنجی فصل دوم .....
۱۷۵	پاسخنامه آزمون (۱) خودسنجی فصل دوم .....
۱۷۶	آزمون (۲) خودسنجی فصل دوم .....
۱۷۷	پاسخنامه آزمون (۲) خودسنجی فصل دوم .....
۱۷۸	آزمون (۳) خودسنجی فصل دوم .....
۱۷۹	پاسخنامه آزمون (۳) خودسنجی فصل دوم .....
۱۸۰	۱- مقدمه.....

### فصل سوم: «حل معادلات دیفرانسیل با استفاده از سری‌های توانی»

۱۸۱	۲- انواع نقاط مورد بحث در حل معادله به کمک سری .....
۱۸۴	<b>درسنامه ۱: انواع نقاط مورد بحث در حل معادله به کمک سری</b>
۱۸۷	<b>درسنامه ۲: حل معادله حول نقطه عادی به کمک سری</b>
۱۹۶	<b>درسنامه ۳: حل معادله حول نقطه غیرعادی منظم به کمک سری</b>

## فهرست مطالب

درسنامه ۱: معادلات دیفرانسیل معروف با جواب‌های خاص به صورت سری	۲۰۴
معادله دیفرانسیل لزادر	۲۰۴
تابع گاما	۲۰۸
معادله دیفرانسیل بسل	۲۱۰
آزمون (۱) خودسنجی فصل سوم	۲۲۲
پاسخنامه آزمون (۱) خودسنجی فصل سوم	۲۲۳
آزمون (۲) خودسنجی فصل سوم	۲۲۴
پاسخنامه آزمون (۲) خودسنجی فصل سوم	۲۲۵
آزمون (۳) خودسنجی فصل سوم	۲۲۶
پاسخنامه آزمون (۳) خودسنجی فصل سوم	۲۲۷

### فصل چهارم: «تبدیل لاپلاس و کاربردهای آن»

درسنامه ۲: تبدیل لاپلاس	۲۲۸
شرط کافی برای وجود تبدیل لاپلاس تابع $f(t)$	۲۳۲
معرفی توابع خاص	۲۳۳
عکس تبدیل لاپلاس	۲۴۰
روش تجزیه کسرها برای به دست آوردن معکوس لاپلاس	۲۴۳
روش‌های تعیین ضرایب مجهول در تجزیه کسر به کسرهای جزی	۲۴۴
درسنامه ۳: قضایای تبدیل لاپلاس	۲۴۷

قضیه اول انتقال	۲۴۷
قضیه دوم انتقال	۲۴۹
قضیه سوم انتقال	۲۵۲
تغییر مقیاس	۲۵۲
قضیه مشتق‌گیری از تبدیل لاپلاس	۲۵۳
قضیه تبدیل لاپلاس مشتقات یک تابع	۲۵۶
قضیه انتگرال‌گیری از تبدیل لاپلاس	۲۵۸
قضیه تبدیل لاپلاس از انتگرال	۲۶۰
قضایای مقدار اولیه و مقدار نهایی	۲۶۴
چند سؤال تكمیلی برای تمرین بیشتر	۲۶۶
درسنامه ۴: کاربردهای تبدیل لاپلاس	۲۶۸

معادلات دیفرانسیل معمولی	۲۶۸
معادلات انتگرالی	۲۸۰
دستگاه معادلات دیفرانسیل	۲۸۵
۱- حل دستگاه معادلات خطی با استفاده از تبدیل لاپلاس	۲۸۵
۲- روش اپراتور D	۲۸۹
۳- روش حذفی	۲۹۱
آزمون (۱) خودسنجی فصل چهارم	۲۹۳
پاسخنامه آزمون (۱) خودسنجی فصل چهارم	۲۹۴
آزمون (۲) خودسنجی فصل چهارم	۲۹۵
پاسخنامه آزمون (۲) خودسنجی فصل چهارم	۲۹۶
آزمون (۳) خودسنجی فصل چهارم	۲۹۸
پاسخنامه آزمون (۳) خودسنجی فصل چهارم	۲۹۸
سؤالات آزمون کارشناسی ارشد سال ۱۴۰۱	۲۹۹
پاسخنامه آزمون کارشناسی ارشد سال ۱۴۰۱	۳۰۳
سؤالات آزمون کارشناسی ارشد سال ۱۴۰۲	۳۱۳
پاسخنامه آزمون کارشناسی ارشد سال ۱۴۰۲	۳۱۸
سؤالات آزمون کارشناسی ارشد سال ۱۴۰۳	۳۲۸
پاسخنامه آزمون کارشناسی ارشد سال ۱۴۰۳	۳۳۳
منابع و مراجع	۳۵۰